

SOYUT MATEMATİK I QUIZ SORULARI

- 1) p ve r önermelerinin denk olduğu bilindiğine göre $(p \wedge q') \Rightarrow r$ önermesi ile $p \Rightarrow (q \vee r)$ önermesinin denk olup olmadığını belirleyiniz.
- 2) $A - B = B' - A'$ olduğunu gösteriniz.
- 3) $n > 1$ olmak üzere

$$1^3 + 2^3 + \dots + n^3 = \left(\frac{n(n+1)}{2} \right)^2$$

olduğunu uygun ispat yöntemi ile gösteriniz.

BAŞARILAR

= CEVAP ANAHTARI =

1.

p	q	r	q'	$p \wedge q'$	$q \vee r$	$(p \wedge q') \Rightarrow r$	$p \Rightarrow (q \vee r)$
1	1	1	0	0	1	1	1
1	0	1	1	1	1	1	1
0	1	0	0	0	1	1	1
0	0	0	1	0	0	1	1

olduğundan $(p \wedge q') \Rightarrow r$ önermesi ile $p \Rightarrow (q \vee r)$ önermesi denktir.

2. $A-B = B'-A'$ olduğunu göstermek için
 $A-B \subseteq B'-A'$ ve $B'-A' \subseteq A-B$ olduğu
gösterilmelidir:

$$\begin{aligned} \forall x \in A-B \text{ için} &\iff x \in A \text{ ve } x \notin B \\ &\iff x \notin A' \text{ ve } x \in B' \\ &\iff x \in B' \text{ ve } x \notin A' \\ &\iff x \in B'-A' \end{aligned}$$

$$\therefore A-B = B'-A'$$

3. $n=2$ için

$$1^3 + 2^3 = \left[\frac{2 \cdot 3}{2} \right]^2 = 9$$

olduğundan $n=2$ için doğrudur.

$n=k$ için doğru olsun yani;

$$1^3 + 2^3 + \dots + k^3 = \left[\frac{k \cdot (k+1)}{2} \right]^2$$

Olsun.

$n=k+1$ için doğru olduğunu gösterelim:

$$\begin{aligned} 1^3 + 2^3 + \dots + k^3 + (k+1)^3 &= \left[\frac{k \cdot (k+1)}{2} \right]^2 + (k+1)^3 \\ &= \frac{k^2(k+1)^2}{4} + (k+1)^3 \\ &= (k+1)^2 \left[\frac{k^2}{4} + (k+1) \right] \\ &= (k+1)^2 \left[\frac{k^2 + 4k + 4}{4} \right] \end{aligned}$$

$$\left[k^2 + 4k + 4 = (k+2)^2 \right]$$

$$= (k+1)^2 \cdot \frac{(k+2)^2}{4}$$

$$= \left[\frac{(k+1)(k+2)}{2} \right]^2$$

$$\left[\frac{(k+1)^2 \cdot (k+2)^2}{4} = \frac{(k+1)^2 \cdot (k+2)^2}{2^2} \right]$$

olup $n = k+1$ için doğru olur.

$\therefore n > 1$ olmak üzere

$$1^3 + 2^3 + \dots + n^3 = \left[\frac{n \cdot (n+1)}{2} \right]^2$$

dir.